

数 I・A

1

$$(1) \frac{125}{8} a^3 b^5 \div \left(\frac{5}{2} ab^2\right)^2 \times \left(-\frac{1}{2} a^2 b\right)^3 = \frac{\langle 1 \rangle \langle 2 \rangle}{\langle 3 \rangle \langle 4 \rangle} a^{\langle 5 \rangle} b^{\langle 6 \rangle}$$

(2) $\sqrt{504n}$ が整数となるような正の整数 n のうち最小のものは $n = \langle 7 \rangle \langle 8 \rangle$ である。

$$(3) x = 2 + \sqrt{3} \text{ のとき, } x^2 - x - \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} = \langle 9 \rangle \langle 10 \rangle \text{ である。}$$

(4) あるタワーには展望台があり、展望台に上がるには、大人 1900 円、小学生 800 円の入場料がかかる。大人と小学生合わせて 29 人の団体が、タワーの見学に来た。入場料を支払ったところ、その総額は 30900 円であった。この団体のうち、小学生の人数は $\langle 11 \rangle \langle 12 \rangle$ 人である。

(5) 定価 500 円の商品がある。A 店では、購入する個数に関わらず、10%の割引を行って商品を販売している。一方、B 店では、10 個目までは定価のままだが、11 個目からは定価の 16%の割引を行って販売している。A 店よりも B 店で購入した方が安いのは、商品を $\langle 13 \rangle \langle 14 \rangle$ 個以上購入するときである。

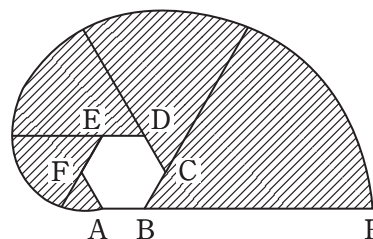
(6) ある学校の生徒に、A、B 2 種類の本について、それを読んだかどうか調査した。その結果、

A を読んだ者は全体の $\frac{3}{4}$ 、B を読んだ者は全体の $\frac{5}{6}$ 、両方とも読んだ者は全体の $\frac{5}{7}$ 、どちら

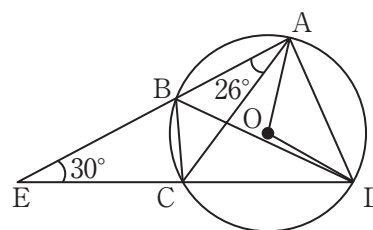
も読まなかった者は 66 人であった。生徒の人数は $\langle 15 \rangle \langle 16 \rangle \langle 17 \rangle$ 人である。

- (7) 1 辺が 2cm の正六角形 ABCDEF がある。AB の延長線上に $AP = 12\text{cm}$ となる点 P をとる。図のように長さ 12cm の糸の一端を A に固定し、最初は他端を P に置く。糸をたるまないようにしながら、正六角形に反時計回りに巻きつけるとき、糸が通過する部分（図の斜線の部分）の面積は

$\frac{\langle 18 \rangle \langle 19 \rangle \langle 20 \rangle}{\langle 21 \rangle} \pi \text{ cm}^2$ である。



- (8) 図のように、点 O を中心とする円に四角形 ABCD が内接しており、直線 AB と直線 CD が円外の点 E で交わっている。 $\angle AEC = 30^\circ$ 、 $\angle CAE = 26^\circ$ であるとき、 $\angle AOD$ の大きさは $\langle 22 \rangle \langle 23 \rangle \langle 24 \rangle^\circ$ である。



2

a を実数の定数とし、2次関数 $y = -3x^2 + 8ax - 4a$ のグラフを C 、 C の頂点を P とする。

(1) C が点 $(1, 5)$ を通るとき $a = \boxed{\langle 1 \rangle}$ である。

(2) $a = 3$ とする。

C を x 軸方向に $\boxed{\langle 2 \rangle \langle 3 \rangle}$ 、 y 軸方向に $\boxed{\langle 4 \rangle \langle 5 \rangle}$ だけ平行移動したグラフは、
 $y = -3x^2 - 12x + 16$ のグラフと y 軸に関して対称である。

(3) P の y 座標の値が最小となるのは $a = \frac{\boxed{\langle 6 \rangle}}{\boxed{\langle 7 \rangle}}$ のときであり、その最小値は $\frac{\boxed{\langle 8 \rangle \langle 9 \rangle}}{\boxed{\langle 10 \rangle}}$ である。

(4) C が x 軸と異なる2点 A 、 B で交わるとき、三角形 ABP が正三角形となる a の値は

$\frac{\boxed{\langle 11 \rangle} \pm \sqrt{\boxed{\langle 12 \rangle \langle 13 \rangle}}}{\boxed{\langle 14 \rangle}}$ である。

3

1 から 4 までの番号がつけられた白玉 4 個が袋 A に入っている。同様に、1 から 4 までの番号がつけられた黒玉 4 個が袋 B に入っている。

(1) 袋 A, B のそれぞれから 1 個ずつ玉を取り出す。

取り出した玉の番号がともに 1 である確率は $\frac{\langle 1 \rangle}{\langle 2 \rangle \langle 3 \rangle}$ である。また、取り出した玉の番号が等しい確率は $\frac{\langle 4 \rangle}{\langle 5 \rangle}$ である。

(2) 袋 A, B のそれぞれから 2 個ずつ玉を取り出す。

(i) 取り出した 2 個の白玉の番号と 2 個の黒玉の番号のうち、共通の番号が少なくとも一つある

確率は $\frac{\langle 6 \rangle}{\langle 7 \rangle}$ である。

(ii) 取り出した 2 個の白玉の番号の和を a , 2 個の黒玉の番号の和を b とする。

$a = b$ である確率は $\frac{\langle 8 \rangle}{\langle 9 \rangle}$ である。また、 $a = b$ であったとき、 $a = b = 5$ である条件付き確率は $\frac{\langle 10 \rangle}{\langle 11 \rangle}$ である。

設問は以上です。